# よりロバストなドローンの飛行実験に関する研究

M2022SC007 小嶋 正英 指導教員:坂本 登

# 1 はじめに

近年ドローンは需要が高まっており、物流やインフラ の点検、人が立ち入ることの出来ない場所での撮影など 様々な用途で使用されている.国内では.昨年から人がい る場所で目視できない範囲を飛行させる「レベル4」とい う高度な飛行が解禁された.また、海外では近いうちに ドローンを使った配達サービスが開始されることが予定 されている. このようにドローンの普及により人手不足 や高齢化などの社会問題の解決にも期待されている. 今 後より多くの利用が想定されるドローンには、飛行安定 性と汎用性を高めることが必要不可欠である.本研究で は、CUAV 社の V5+というマイクロコンピュータを用い たドローンのファームウェアの開発及びハードウェアの 開発を行い、汎用性が高く飛行安定性の高いドローンの 開発を目的として研究を行った.また、制御性能の検証を 行うためにリアルタイムシミュレータの開発も行い、シ ミュレーションと実機の飛行実験を実施し、両者の結果 の評価や考察を行う.本研究は、南山大学大学院理工学 研究科機械電子制御工学専攻の紀藤新太氏と共同で研究 を行ったものであり、本論文では紀藤新太氏の論文 [4] を 一部参考している.

## 2 ドローンのモデリング

## 2.1 座標系とパラメータの定義

ドローンは 3 次元空間を飛行しており,空間表現を行 うには位置と姿勢角が必要である.これらを表現をする ために,基準となる慣性座標系  $(\Sigma_r)$  とドローンに固定さ れた機体座標系  $(\Sigma_b)$  の 2 つの直行座標系の定義をする. これらの座標系はともに右手座標系とする.定義したド ローンの機体座標系  $(\Sigma_r)$  と慣性座標系  $(\Sigma_b)$ ,ドローン 機体の状態パラメータとローターの回転方向を以下の図 1 に表し,用いるパラメータを以下の表 1 に表す.



図 1: ドローンの座標系とパラメータ

表 1: ドローンのモデリングに関するパラメータの定義

記号	名称及び単位
m	機体の質量 [kg]
x	機体の x 座標への位置座標 [m]
y	機体の y 座標への位置座標 [m]
z	機体の z 座標への位置座標 [m]
$\phi$	機体の姿勢角 (roll 角)[rad]
	( <i>x</i> 軸周り回転)
$\theta$	機体の姿勢角 (pitch 角)[rad]
	( <i>y</i> 軸周り回転)
$\psi$	機体の姿勢角 (yaw 角)[rad]
	( <i>z</i> 軸周り回転)
$I_{xx}$	機体の x 軸慣性モーメント [kgm <sup>2</sup> ]
$I_{yy}$	機体の y 軸慣性モーメント [kgm <sup>2</sup> ]
$I_{zz}$	機体の z 軸慣性モーメント [kgm <sup>2</sup> ]
$l_x$	ローターと y 軸間の距離 [m]
$l_y$	ローターと <i>x</i> 軸間の距離 [m]
$f_i$	ローター <i>i</i> 番目の推力 [N]

#### 2.2 座標軸周りの回転行列

座標系において *x* 軸 *y* 軸 *z* 軸それぞれの単軸周りの回 転行列を示す.

$$R_Z(\psi) = \begin{bmatrix} \cos \psi & -\sin \psi & 0\\ \sin \psi & \cos \psi & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(2.1)  
$$R_Y(\theta) = \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta\\ 0 & 1 & 0\\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix}$$
(2.2)  
$$R_X(\phi) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0\\ 0 & \cos \phi & -\sin \phi\\ 0 & \sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix}$$
(2.3)

3-2-1 オイラー角を用いた機体座標系から慣性座標系への 回転行列<sup>w</sup>R<sub>b</sub> は式 (2.4) のようになる.

$${}^{w}R_{b} = R_{Z}(\psi)R_{Y}(\theta)R_{X}(\phi) \tag{2.4}$$

## 2.3 モーメント方程式

慣性系においてドローンの質量中心まわりの角運動量 を*h*,ドローンに働く質量中心まわりのモーメントの総 和を*n*とすると

$$\frac{d\boldsymbol{h}}{dt} = \boldsymbol{n} \tag{2.5}$$

となる.ドローンに固定した機体座標系を $\Sigma_b(\mathbf{i}_b, \mathbf{j}_b, \mathbf{k}_b)$ とし、 $\Sigma_b$ の慣性系に対する角速度を $\omega$ とする.  $\mathring{h}$ は機

体座標系  $\Sigma_b$  からみた点の見かけの微分値であり、h = 1 $h_x i_b + h_y j_b + h_z k_b$  と表したとき

$$\dot{\boldsymbol{h}} = \dot{h}_x \boldsymbol{i}_b + \dot{h}_y \boldsymbol{j}_b + \dot{h}_z \boldsymbol{k}_b \tag{2.6}$$

となり

$$\dot{\boldsymbol{h}} = \mathring{\boldsymbol{h}} + \boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{h} \tag{2.7}$$

と表すことが出来る. さらに  $\boldsymbol{h} = \begin{bmatrix} h_x & h_y & h_z \end{bmatrix}^T$ ,  $\boldsymbol{n} = \begin{bmatrix} L & M & N \end{bmatrix}^T$ ,  $\boldsymbol{\omega} = \begin{bmatrix} P & Q & R \end{bmatrix}^T$  とすると, 式 (2.7) は

$$\dot{h}_x + Qh_x - Rh_y = L \tag{2.8}$$

$$\dot{h}_u + Rh_r - Ph_u = M \tag{2.9}$$

$$\dot{h}_z + Qh_y - Rh_x = N \tag{2.10}$$

となる.また、 $\Sigma_b$ における角運動量hの成分は、慣性テンソルを用いて

$$\begin{bmatrix} h_x \\ h_y \\ h_z \end{bmatrix} = \boldsymbol{I} \begin{bmatrix} P \\ Q \\ R \end{bmatrix}$$
 (2.11)

と表すことが出来るので、 $I = \begin{bmatrix} I_{xx} & -I_{xy} & -I_{zx} \\ -I_{xy} & I_{yy} & -I_{yz} \\ -I_{zx} & -I_{yz} & I_{zz} \end{bmatrix}$ とするとつまり、モーメント方程式は以下のようになる.

$$I\dot{\boldsymbol{\omega}} + \boldsymbol{\omega} \times I\boldsymbol{\omega} = \boldsymbol{n} \tag{2.15}$$

## 2.4 キネマティクス方程式

オイラー角の微分を
$$\dot{\boldsymbol{\eta}} = \begin{bmatrix} \dot{\phi} & \dot{\theta} & \dot{\psi} \end{bmatrix}^T$$
,回転速度ベクトルを $\boldsymbol{\omega} = \begin{bmatrix} P & Q & R \end{bmatrix}^T$ とすると,

(3-2-1) オイラー角を用いたキネマティクス方程式は以下 のようになる.

$$\begin{bmatrix} \dot{\phi} \\ \dot{\theta} \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\sin\theta \\ 0 & \cos\phi & \sin\phi\cos\theta \\ 0 & -\sin\phi & \cos\phi\cos\theta \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} P \\ Q \\ R \end{bmatrix}$$
(2.16)

#### 2.5 並進運動方程式

ドローンの機体座標系の速度 
$$v_b = \begin{bmatrix} U & V & W \end{bmatrix}^T$$
,  
角速度  $\boldsymbol{\omega} = \begin{bmatrix} P & Q & R \end{bmatrix}^T$ , ドローンに働く力  $\boldsymbol{F} = \begin{bmatrix} F_x & F_y & F_z \end{bmatrix}^T$  とすると

$$m(\dot{U} + QW - RV) = F_x \tag{2.17}$$

$$m(\dot{V} + RU - PW) = F_y \tag{2.18}$$

$$m(\dot{W} + PV - QU) = F_z \tag{2.19}$$

という関係式が成り立つ.よって,並進運動方程式は

$$m(\dot{v}_b + (\boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{v}_b)) = F \tag{2.20}$$

#### 2.6 航法方程式

速度  $\boldsymbol{v}$  の慣性系表現  $\boldsymbol{v}_r = \begin{bmatrix} \dot{x} & \dot{y} & \dot{z} \end{bmatrix}^T$  と機体座標系表 現  $\boldsymbol{v}_b = \begin{bmatrix} U & V & W \end{bmatrix}^T$  の関係は,式 (2.4) を用いて

$$\begin{bmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{z} \end{bmatrix} = R_Z(\psi)^T R_Y(\theta)^T R_X(\phi)^T \begin{bmatrix} U \\ V \\ W \end{bmatrix}$$
(2.21)

となる.

## 2.7 6 自由度シミュレーション

2.3 節から 2.6 節の質量中心の運動と回転運動を合わせて、ドローンの位置と姿勢を表現する 6 自由度シミュレーションを行うことが出来る.このときの計算の流れを以下の図 2 に示す.



図 2: ドローンの 6 自由度シミュレーションの流れ

## 3 シミュレーション

ドローンの制御性能を確認するためにリアルタイムシ ミュレータの開発し,シミュレーションを行った.

#### 3.1 制御器設計

本システムでは,roll角とpitch角の姿勢角と,yaw角 の角速度を目標値として入力する.ドローンの姿勢角を目 標値に追従させるために,姿勢角制御は微分先行型 PID 制御を採用した.微分先行型 PID 制御にすることで目標 値を急変した際に,操作量が急変することを抑えること が出来る.また,yaw角の角速度を目標値に追従させる ために,角速度制御は PI 制御を採用した.作成した制御 器を以下の図 3 に示す.



図 3: 制御器

となる.

#### 3.2 リアルタイムシミュレータ構成

Matlab/Simulink を使用してリアルタイムシミュレー タの開発を行った.リアルタイムシミュレータの構成図 を以下の図4に示す.



図 4: リアルタイムシミュレータ構成図

#### 3.3 ドローン 3D モデル

SolidWorks を使用してドローンの 3D モデルの作成を 行った.作成したドローンの 3D モデルを以下の図 5 に 示す.



図 5: ドローンの 3D モデル

#### 3.4 慣性モーメントの導出

作成したドローンの 3D モデルをもとに, SolidWorks を使用して慣性モーメントの算出を行った. 算出した数 値は以下の表 2 のようになった.

表 2: 慣性モーメント

記号	値 $(\times 10^{-6})$ [kgm <sup>2</sup> ]	記号	値 (×10 <sup>-6</sup> )[kgm <sup>2</sup> ]
$J_{xx}$	98001.54	$J_{yz}$	667.83
$J_{xy}$	-1184.40	$J_{zx}$	-83.30
$J_{xz}$	-83.30	$J_{zy}$	667.83
$J_{yx}$	-1184.40	$J_{zz}$	95176.75
$J_{nn}$	91294.13		

これらの数値を使用して,リアルタイムシミュレータに よるシミュレーションを行った.

## 3.5 シミュレーション条件

シミュレーションを行うにあたり, roll 角 pitch 角の姿 勢角制御の PID ゲインを以下の表 3 のように設定した. また, yaw 角の角速度制御の PI ゲインを表 4 のように設 定した. 慣性モーメントは, 3.4 節で算出したものを使用 した.

表 3: 姿勢角制御	表 4: 角	表 4: 角速度制御	
記号 ゲイン	記号	ゲイン	
$P_{\phi} = 0.32$	$P_{\psi}$	0.525	
$I_{\phi} = 0.4$	$I_\psi$	0.00001	
$D_{\phi} = 0.46$			
$P_{\theta} = 0.33$			
$I_{\theta} = 0.475$			
$D_{\theta} = 0.4$			

#### 3.6 シミュレーション結果

作成したリアルタイムシミュレータによるシミュレー ションを行った. roll 角, pitch 角に姿勢角の目標値を入 力し, yaw 角に角速度の速度に目標値を入力したときの 応答は図 6, 7, 8 のようになった.





図 8: yaw 角速度

4 実験

実験機を作成し実機実験を行った.

#### 4.1 研究機器紹介

本研究で作成したドローンに使用した各パーツを以下 の表5にまとめる.

#### 4.2 実験機器

本研究で作成したドローンの構成図を以下の図 9 に示 す.また,完成したドローンを以下の図 10 に示す.本研究 で作成したドローンには市販品のパーツに加え, 3DCAD ソフトである SolidWorks で一から作成し 3D プリンタで プリントしたパーツも用いて作成している.

表 5: 各パーツの詳細

部品名	詳細
ドローン本体	Lynxmotion 社製 Crazy2Fly
モータ	Lynxmotion 社製
	3 相ブラシレスモータ
ESC	Lynxmotion 社製
	ブラシレススピードコントローラ
プロペラ	9×4.5[inch] プロペラ
マイコン/IMU	CUAV 社製 V5+
バッテリー	Zeee 社製 4 セル リポバッテリー
	14.8V 50C 3300mAh
プロポ (送信機)	Futaba 社製 T6K
受信機	Futaba 社製 RS3006SB



図 9: ドローンの構成図



図 10: 作成したドローン

#### 4.3 実験環境

ドローンの飛行実験を行うにあたって,実験場所として 南山大学 S 棟 (研究室棟) の合同研究室横スペースで行っ た.また,実験は 3[m] × 3[m] × 3[m] の保護ネットに囲 まれた飛行実験スペースを用意し,その内部でドローン を飛行させた.

## 4.4 実験結果

実験結果を以下の図 11~13 に示す. 以下の図では 3.5 秒時点でネットに接触してしまい,姿勢角が乱れている.



図 13: yaw 角速度

## 5 おわりに

本研究では、CUAV 社の V5+というマイクロコンピュー タを用いたドローンのファームウェアの開発及びハード ウェアの開発を行い,実際にドローンの飛行実験を実施 した. また、制御性能を確かめるためにリアルタイムシ ミュレータの開発も行った. シミュレーションの結果か ら制御則は正しく動作していることがわかるが、実機実 験を行った際,目標値に追従する応答は見られたが姿勢 角制御だけでは安定飛行という観点で課題が残る結果と なった. これらの結果から実機実験ではシミュレーショ ンとは違い、姿勢角制御と角速度制御のみでは安定飛行 を実現することが困難であると予想される. 今後の展望 として,狭い実験区画で安定飛行を実現するために位置 制御を用いた飛行制御などが挙げられる. そのためには、 カルマンフィルタによる自己位置推定アルゴリズムなど を用いて、ドローンの正確な自己位置を推定することが 必要である.

## 参考文献

- [1] 米川翔太:『ビジュアルフィードバックを用いたドローンの位置制御におけるリアルタイムシミュレーションと実機検証』. 2020年度修士論文,南山大学院理工学研究科機械電子制御工学専攻坂本・中島研究室, 2021.
- [2] 栗山佳樹:『加速度センサを用いたカルマンフィルタ によるドローンの位置推定』. 2022年度修士論文,南 山大学院理工学研究科機械電子制御工学専攻坂本・中 島研究室, 2022.
- [3] 坂本登:『ビークル系のモデリングと制御』, 2021.
- [4] 紀藤新太:『非 GNSS 環境下におけるドローンの自己 位置推定アルゴリズムに関する研究』. 2023 年卒業修 士論文,南山大学大学院理工学研究科機械電子制御工 学専攻坂本・中島研究室, 2024.