ILQ サーボ系設計法による押出成形機の非干渉化制御

2020SC044 水野浩明 指導教員:陳幹

1 はじめに

押出成形機とは投入された原料を加熱しながらスク リューで混ぜ合わせ,原料の形状を変化させる産業機械で ある.また本研究で扱う押出成形機の加熱シリンダは3個 のバレルと分割されたバンドヒータを接続した温度制御プ ラントであり,この温度制御系は,各バレルごとに異なる温 度設定値をもっている[1].この結果バレル間に温度干渉問 題を起こし,性能や品質を悪化させてしまっている.そこ で本研究では[1]で扱われた,バレル間に温度干渉を持つ押 出成形機に対して,[2]で提唱された ILQ サーボ系設計法を 用いる事で,バレル間の温度干渉問題の解決を目指す.

2 制御対象

制御対象として [1] で取り上げられた押出成形機を扱う. 取り上げられた押出成形機の概念図を図1に示す.



また,本研究では [1] で導出された 3 入力 3 出力の押出 成形機の状態方程式を扱う.以下にその状態方程式を示す.

$$\dot{x} = Ax + Bu \tag{1}$$

$$y = Cx \tag{2}$$

$$x = \begin{bmatrix} \theta_1 & \theta_2 & \theta_3 \end{bmatrix}^\top, u = \begin{bmatrix} q_1 & q_2 & q_3 \end{bmatrix}^\top$$
(3)

$$A = \begin{bmatrix} -\frac{\alpha_1 + \beta_1}{C_1} & \frac{\beta_1}{C_1} & 0\\ \frac{\beta_1}{C_2} & -\frac{\alpha_2 + \beta_1 + \beta_2}{C_1} & \frac{\beta_2}{C_2}\\ 0 & \frac{\beta_2}{C_3} & -\frac{\alpha_3 + \beta_2}{C_3} \end{bmatrix}$$
(4)

$$B = \begin{bmatrix} \frac{1}{C_1} & 0 & 0\\ 0 & \frac{1}{C_2} & 0\\ 0 & 0 & \frac{1}{C_3} \end{bmatrix} C = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0\\ 0 & 1 & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(5)

この時の各パラメータは [1] のものを用いる. 表 1 でその パラメータを示す. 表 1: 押出成形機のパラメータの名称と数値

| 名称 | 数值 | 単位 |
|------------------|----------------------|-----------------------------|
| バレルの温度 $	heta_n$ | | °C |
| バレルに入る熱量 q_n | | cal/sec |
| 放熱熱量 α_n | 1.7×10^{-1} | $cal/(^{\circ}C \cdot sec)$ |
| 熱伝導熱量 β_n | $9.1 	imes 10^{-1}$ | $cal/(^{\circ}C \cdot sec)$ |
| 熱容量 C_n | 2.8×10^3 | cal/°C |

3 ILQ サーボ系設計法

本研究では [3] で記された ILQ サーボ系設計の手順に 沿って ILQ サーボ系設計を行った. 以下ではその手順につ いて説明する.

3.1 step1

$$D = \begin{bmatrix} D_1 \\ \vdots \\ D_m \end{bmatrix}, D_i = c_i A^{d_i - 1} B \tag{6}$$

$$d_i = \min\{k|c_i A^{k-1}B \neq 0\}$$
(7)

この時,

$$\det D \neq 0 \tag{8}$$

で制御対象は非干渉化可能である.

3.2 Step2

制御対象の安定性を確認し、安定な d_i 次多項式 $\phi_i(s)$ を、

$$\phi_i(s) = (s - s_i)^{d_i}, s_i = -\frac{1}{T_i}, (1 \le i \le m)$$
(9)

で与える.

3.3 Step3

(9) 式から $\phi_i(A) = (A - s_i I)^{d_i}$ とおいて,(10) で表現される非干渉化ゲイン K を求める.

$$K = D^{-1}N_{\phi}, N_{\phi} = \begin{bmatrix} c_1\phi_1(A) \\ \vdots \\ c_m\phi_m(A) \end{bmatrix}$$
(10)

3.4 Step4

導出した非干渉化ゲイン K から (11),(12) で表される, 基準最適ゲイン K⁰_F,K⁰_I を導出する.

$$K_F^0 = D^{-1} N_{\psi}, N_{\psi} = \begin{bmatrix} c_1 \psi_1(A) \\ \vdots \\ c_m \psi_m(A) \end{bmatrix}$$
(11)

$$K_I^0 = D^{-1} \Phi_0, \Phi_0 = diag\{\phi_i(0)\}$$
(12)

3.5 Step5

 $\Sigma を, 調整パラメータ <math>\sigma_k$ で構成される $\Sigma = \sigma_k I$ (I: 単位 行列)とし, 出力が指定した応答波形に漸近するよう調整パ ラメータ σ_k を選定する. 調整パラメータの選定方法は以 下のようになる.

1. 対称行列 KB + (KB)[⊤] の最大固有値を求め,

$$\sigma > \lambda_{max} [KB + (KB)^{\top}] \tag{13}$$

となるような σ を選定する.

2. 次の行列 F,G,H と F の固有値を求める. ただし,A_K = A – BK である.

$$E_{\sigma} = \sigma I - KB - (KB)^{\top} \tag{14}$$

$$F = A_K + GH, G = BE_{\sigma}^{-1/2}, H = E_{\sigma}^{-1/2}KA_K \quad (15)$$

この時 F が安定であれば 3. に進み, 不安定であれば 1. に 戻って σ をより大きな値に選びなおす.

3. 次式で定義される行列 M の固有値を求め, 虚軸上に固有 値がなければ σ の値を減らし, そうでなければ 2. に戻り, 最適な σ を σ とする.

$$M = \begin{bmatrix} F & GG^{\top} \\ -H^{\top}H & -F^{\top} \end{bmatrix}$$
(16)

以上が [3] で記された ILQ サーボ系設計の手順となる.

4 押出成形機の ILQ サーボ系設計

前章で説明した,ILQ サーボ系設計法を押出成形機に用 いる事で制御系を構成した. 相対次数が $d_1 = d_2 = d_3 = 1$ の時,(7),(8) 式を満たすため,

$$D = \begin{bmatrix} c_1 B \\ c_2 B \\ c_3 B \end{bmatrix} \tag{17}$$

を得る. となる. また,(11),(12) 式から

$$K_F^0 = \begin{bmatrix} 2800 & 0 & 0\\ 0 & 2800 & 0\\ 0 & 0 & 2800 \end{bmatrix}$$
(18)

$$K_I^0 = \begin{bmatrix} -4.9123 & 0 & 0\\ 0 & -4.9123 & 0\\ 0 & 0 & -4.0 \end{bmatrix}$$
(19)

を導出した.

5 シミュレーション

 $u = -K_F x + K_I \int_{0}^{t} (r - y) dt, \sigma = 0.0035$ で構成さ れる ILQ 制御器を押出成形機に加えた時のシミュレー ションを行った.初期条件 $x = [20, 20, 20]^{\top},$ 目標値 $R = [100, 120, 150]^{\top}$ とした.また [1] の PID 制御での結果と比 較するため計測時間を 28800 秒にし,PID ゲインは [1] の 結果から $K_p = 2.8, K_i = \frac{1}{1800} K_d = \frac{1}{60}$ とした.図 2 に ILQ 制御による結果,図 3 に PID 制御による結果を示す.



図 2: ILQ 制御によるシ 図 3: PID 制御によるシ ミュレーション ミュレーション

次に, 非干渉性を検証するため計測時間が 15000 秒を経過 した後で, バレル 2 の目標値 150 に変更した際の各制御の 応答を調べた. 図 4 に ILQ 制御による結果を, 図 5 に PID 制御による結果を示す.



図 4: 目標値が変更した際 図 5: 目標値が変更した際
 の ILQ 制御によるシミュ の PID 制御によるシミュ
 レーション

6 考察

図 5 の PID 制御では目標値が変動した際にバレル 1,3 も影響を受け,目標値から外れてしまっているが,図 4 の ILQ 制御では目標値が変動した際もバレル 1,3 はほとんど 影響を受けていない.このことから PID 制御では熱干渉の 影響を受けているが,ILQ 制御では非干渉化が達成されて いると考える.

7 おわりに

本研究では, 押出成形機に対し,ILQ サーボ系設計を用い た事で非干化渉制御系を構築し, バレル間の温度干渉問題 を解決することができた.

参考文献

- [1] 濱根 洋人、横山 修一、小野垣 仁、岩谷 征、H_∞ 外乱オ ブザーバによる押出成形機非干渉化温度制御、電気学 会論文誌,Vol.119,No.6,pp.866-872,(1999)
- [2] 藤井 隆雄,下村 卓, ILQ 最適サーボ系設計法の一般化,
 システム制御情報学会論文誌,Vol.1,No.6,pp.194-203,
 (1988)
- [3] 藤井 隆雄, 辻野 太郎, 最適制御の実用設計法, 森北出版株式会社,(2015)