カセンサを用いたマスタースレーブ制御

2014SC099 神村海 2015SC074 大石真由

指導教員:中島明

1 はじめに

マスタースレーブシステムとは、人間が入り込めない環 境において作業を行うための遠隔操作のシステムの一つ である.一般的に、マスタースレーブシステムはマニピュ レータに実装される [1].マスタースレーブマニピュレータ は2本のアームから構成され、操作者によって操られるマ スター側の動きが作業対象のスレーブ側に伝えられて作業 が行われる.

近年,マスタースレーブシステムは,産業用ロボットや 医療用ロボットなどに用いられており,厳しい環境下での 安全性と複雑な作業に対する操作性の向上が課題となって いる.

本研究ではその第一段階としてフィンガーロボットと アームロボットを用いたマスタースレーブ制御を行う.ま た操作性の向上についてはフィンガーロボットに対してパ ワーアシストを行うことや,ディザ信号を入れることによ る摩擦の軽減などを行った.

2 実験機の仕様

2.1 カセンサ

本研究で用いる力センサは図1に示すように、6成分の 力とモーメント (F_x , F_y , F_z , T_x , T_y , T_z)を検出し、6組の歪 ゲージ・データをアナログ信号で出力するセンサである.



図1 カセンサ

2.2 フィンガーロボット

フィンガーロボットは3つのモータより構成されており、それぞれがのモータが関節となっている、自由度3の 機構である.各モータに、相対値エンコーダが内蔵されているので、現在角度を読み取ることが可能である.図2は フィンガーロボットの概略図である.



図2 フィンガーロボット

2.3 アームロボット

アームロボットは各関節に絶対値エンコーダを搭載して おり,図3に示すような姿勢の時に初期姿勢である.本来, 6自由度のアームロボットであるが,マスターであるフィ ンガーロボットが3自由度であるため,アームロボットの 1軸,2軸,3軸のみを用いて,3自由度のスレーブとして使 用する.



図3 アームロボット

3 モデリング

3.1 座標系と変数

本研究で使用するフィンガーロボットの概略図を図4に 示す. 示す.



図4 マスターの概略図

各変数と座標系を以下の表1に示す.

表1 物理パラメータ

名称	記号
1 軸の姿勢角	q_1 [rad]
2 軸の姿勢角	$q_2[\mathrm{rad}]$
3 軸の姿勢角	q_3 [rad]
基準座標系から見た指先位置	р

図 2 のように各座標間の距離を *l*₀,*l*₁,*l*₂,*l*₃ とおく. 具体 的な値は表 2 に示す.

表 2	各座標パラ	メータ
1		/ /

文字	座標間距離 [mm]
台座の高さ	6.0
l_0	37.5
l_1	39.0
l_2	46.0
l_3	51.78
$^{H}p_{01}$	40.0

3.2 順運動学

この節ではヤコビ行列の導出のための順運動学について 説明する. 順運動学とは関節角から手先位置を求めること を言う. そのために 2.2 節の図 2 の各座標系間の同次変換 行列を求め, 順運動学を解くことでハンドの指先位置 ${}^{0}p_{F}$ を求める. ただしハンドの第 i 軸の関節角を q_{i} とし, C_{i} := $\cos(q_i), S_i := \sin(q_i)$ と表記する.また,指の根元座標を Σ_0 とする.

ハンドのフレーム配置 $\Sigma_0 \sim \Sigma_F$ の同次変換行列を以下に示す.

$${}^{0}T_{F} = \begin{bmatrix} {}^{0}R_{F} & {}^{0}p_{F} \\ 0_{1\times3} & 1 \end{bmatrix}$$
(1)

このとき,指先位置は $^{0}p_{F}$ である.

 ${}^{0}T_{F}$ は, ${}^{0}T_{F} = {}^{0}T_{1}{}^{1}T_{2}{}^{2}T_{3}{}^{3}T_{F}$ で計算でき, 各同次変換行列 は以下のように示される.

$${}^{i}T_{i+1} = \begin{bmatrix} {}^{i}R_{i+1} & {}^{i}p_{i+1} \\ 0_{1\times 3} & 1 \end{bmatrix} \qquad (i = 0, 1, 2)$$

$${}^{3}T_{F} = \begin{bmatrix} {}^{3}R_{F} & {}^{3}p_{F} \\ 0_{1\times3} & 1 \end{bmatrix}$$
(2)

隣 り 合 う 座 標 系 ご と の 位 置 と 姿 勢 の 関 係 $({}^{1}R_{2}, {}^{1}p_{2}, {}^{2}R_{3}, {}^{2}p_{3}, {}^{3}R_{F}, {}^{3}p_{F}$ の 値) は以下のように示される.

$${}^{0}R_{1} = \begin{bmatrix} C_{1} & -S_{1} & 0\\ S_{1} & C_{1} & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} {}^{0}p_{1} = \begin{bmatrix} 0\\ 0\\ l_{1} \end{bmatrix}$$
$${}^{1}R_{2} = \begin{bmatrix} S_{2} & C_{2} & 0\\ 0 & 0 & 1\\ C_{2} & -S_{2} & 0 \end{bmatrix} {}^{1}p_{2} = \begin{bmatrix} 0\\ 0\\ 0 \end{bmatrix}$$
$${}^{2}R_{3} = \begin{bmatrix} C_{3} & -S_{3} & 0\\ S_{3} & C_{3} & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} {}^{2}p_{3} = \begin{bmatrix} l_{2}\\ 0\\ 0 \end{bmatrix}$$
$${}^{3}R_{F} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1\\ 1 & 0 & 0\\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} {}^{3}p_{F} = \begin{bmatrix} l_{3}\\ 0\\ 0 \end{bmatrix}$$

3.3 カとトルクの関係式

カセンサから読み取った力 *F* を関節トルク τ として, モータに出力させるための変換式を説明する. 3.2 節で説 明したように式 (3) に順運動学の一般式を以下に示す [2].

$$p = f(q) \tag{3}$$

式 (3) の *f*(*q*) を *q* について偏微分することによってヤコ ビ行列 *J*(*q*) が求まる.

$$J = \begin{bmatrix} -S_1(l_3S_{2,3} + l_2S_2) & C_1(l_3C_{2,3} + l_2C_2) & l_3C_{2,3}C_1\\ C_1(l_3S_{2,3} + l_2S_2) & S_1(l_3C_{2,3} + l_2C_2) & l_3C_{2,3}S_1\\ 0 & -l_3S_{2,3} - l_2S_2 & -l_3S_{2,3} \end{bmatrix}$$
(4)

一方で、カセンサで読み取った力 F と関節トルク τ の関係 式は基準座標から見た指先座標系 ${}^{B}F_{c}$ を用いて以下のよ うに示される.

$$\tau = J^T(q) \,{}^B F_c \tag{5}$$

しかし力センサから得られるセンサ座標系 ^SF_c を指先座 標系に変換する必要があるため,回転行列 R を用いて以下 の式で表される.

$${}^{B}F_{c} = {}^{B}R_{F_{1}}{}^{F_{1}}R_{S}{}^{S}F_{c} \tag{6}$$

4 制御則

この章ではスレーブであるアームロボットの制御則とマ スターであるフィンガーロボットのパワーアシストについ て説明する.

4.1 マスターの制御則

マスターには、パワーアシスト、ディザ信号の2つの制御 を行っている. パワーアシストとは、3.3 節で述べた力と関 節トルクの変換式を用いて、力センサーで読み取った指先 にかかった力の値を関節トルクに変換し、各関節に出力さ せることである. 模式図を図5に示す. その際、式(7)のよ うに倍率 k を掛けることにより、マスターをより滑らかに 動かすことが可能になる.

$$\tau = kJ^T(q)F\tag{7}$$



図5 パワーアシスト

しかし、パワーアシストのために倍率 k を上げるとノイ ズにも倍率がかかり増幅し小刻みに震えるような動きを するため、ノイズ対策として式 (8) のようなローパスフィ ルタ F(s) を用いてノイズを軽減させている.今回用いた ローパスフィルタのカットオフ周波数は $\omega = 10$ [rad/sec] としている.

$$F(s) = \frac{\omega}{s+\omega} \tag{8}$$

また、フィンガーロボットにおいて、各関節に用いられて いるモータの静止摩擦が強いため、ディザ信号を用いるこ とで摩擦の軽減を図っている.ディザ信号とは、高速な周 期で信号を送り続けるもので、本研究では各関節の静止摩 擦を推定し、その静止摩擦と同程度の大きさの力をおよそ 10[ms]の周期で送っている.

4.2 スレーブの制御則

フィンガーロボットは手で操作するのに対し, アームロ ボットでは各関節角をフィードバックし, 各関節の PID 制 御を行っており, そのブロック線図を図 6 に示す.

各関節の入力は目標角 θ のステップ入力で与えられ, 目標 値を滑らかにする伝達関数G(s)を通すことで目標軌道を 緩やかにしている. そのG(s)は一次遅れ系の二乗であり 式 (9)のように定義している.

$$G(s) = \left(\frac{1}{Ts+1}\right)^2 \tag{9}$$

目標角と現在角の差に比例ゲインである K_p ゲインを掛け P 制御を行い, 偏差の積分に K_i ゲインを掛け I 制御を行っ ている.また, D 制御では現在角を疑似微分して, K_d ゲ インを掛けている.ここで, 実際の制御においては現在角 の微分は不可能であるため, 疑似微分フィルター H(s) を 現在角に通すことで微分を行っている.ここで H(s) は式 (10) に示すように微分器 s にカットオフ周波数 6[rad/sec] のローパスフィルターを掛け合わせたものを用いている.

$$H(s) = \frac{6s}{s+6} \tag{10}$$

なお, ブロック線図における P(s) は制御対象である.

K	+	+	関節角 θ
	+		
$\frac{1}{s}$ K_i			
$H(s)$ K_d			

図 6 PID 制御ブロック線図

5 マスタースレーブ制御

この章では,マスターであるフィンガーロボットとス レーブであるアームロボットとの連携ついて説明する.

5.1 マスタースレーブ系の制御則

4.1 節で説明したパワーアシストにより動いたフィン ガーロボットの各関節角の値をエンコーダで読み取り,ス レーブであるアームロボットに目標値として送ることに よって,マスターの動きをスレーブに伝えることが可能に なる.

図 7 はマスタースレーブ制御のブロック線図である. ここ での *C*(*s*) は式 (7) を示している.



5.2 マスターとスレーブとの初期姿勢合わせ

マスタースレーブは2つの機器に同じ動作をさせるた め,初期姿勢を合わせる必要がある.本実験ではスレーブ に与える目標値を手入力とマスタースレーブ制御のどちら でも与えられるように切り替えが可能となっている.2つ の機器の初期姿勢を図8のように3軸を90[deg] 曲げて, アームロボットに合わせるようにした.また,マスタース レーブ制御に切り替えた際に,フィンガーロボットとアー ムボットの角度の補正をするため,アームロボットに与え る目標値を3軸のみ-90[deg] ずらしている.



5.3 実験結果

5.1 節, 5.2 節より得られたマスタスレーブ制御の実験結 果を図 9 に示す.



図9 追従

図 9 において上から順に 1,2,3 軸の各関節角であり,実 線がフィンガーロボットの関節角,破線がアームロボット の関節角を表している.今回,4.2 節の式 (9) における時定 数 T = 1 としているためフィンガーロボットの角度に対 してアームロボットの角度に約 6[s] の遅れはあるが追従し ていることが分かる.

6 おわりに

本研究では、カセンサを用いることでフィンガーロボッ トを滑らかに動かし、ロボットアームにフィンガーロボッ トの現在角を目標値として与え、またそれに伴ってフィン ガーロボットの各関節の摩擦の軽減を図る目的でディザ信 号を用いることで、全体としてマスタースレーブ制御の実 現をすることができた.

しかし現段階では研究目的である複雑な作業ではなくス レーブにする作業として単純なものしかできていないので 再考の余地がある.

参考文献

- [1] 横小路泰義:『マスタ・スレーブ制御の理論』. 日本ロ ボット学会誌 Vol.11 No.6, pp.794 pp.802, 1993.
- [2] J.J.Craig (三浦宏文・下山勲 訳):『ロボティックス-機構・力学・制御』. 共立出版, 東京, 1991.